

**1-2.** Az 1997-es olimpia 1-2. feladatai.

**3.** Az  $a, b, c, d, e$  pozitív egészekre  $a^4 + b^4 + c^4 + d^4 = e^4$ . Igazoljuk, hogy közülük legalább három páros és legalább három osztható öttel.

**4.** Az  $ABC$  háromszög köréírt körének  $A$  és  $B$  pontjában húzott érintők metszéspontja legyen  $P$ . A  $PC$  egyenes  $K$ -ban metszi az  $AB$  oldalt.

a) Igazoljuk, hogy  $\frac{AK}{BK} = \frac{AC^2}{BC^2}$ .

b) Igazoljuk, hogy a  $PC$  egyenest a háromszög  $C$ -ből induló szögfelezőjére tükrözve a  $C$ -ből induló súlyvonal egyenesét kapjuk.

**5.** Mely egész  $n$  esetén van pozitív megoldása a következő egyenletnek? Adjuk meg az összes megoldást.

$$x^3 + y^3 + z^3 = nx^2y^2z^2$$